

Документ подписан простой электронной подписью  
Информация о владельце:  
ФИО: Рябиченко Сергей Николаевич  
Должность: Директор  
Дата подписания: 18.09.2023 18:14:44  
Уникальный программный ключ:  
3143b550cd4cbc5ce335fc548d1581d076c6c4f9

МИНИСТЕРСТВО ОБРАЗОВАНИЯ, НАУКИ И МОЛОДЕЖНОЙ ПОЛИТИКИ  
КРАСНОДАРСКОГО КРАЯ  
ГОСУДАРСТВЕННОЕ БЮДЖЕТНОЕ ПРОФЕССИОНАЛЬНОЕ  
ОБРАЗОВАТЕЛЬНОЕ УЧРЕЖДЕНИЕ КРАСНОДАРСКОГО КРАЯ  
«КРАСНОДАРСКИЙ МОНТАЖНЫЙ ТЕХНИКУМ»  
(ГБПОУ КК «КМТ»)

---

**РАБОЧАЯ ПРОГРАММА УЧЕБНОЙ ДИСЦИПЛИНЫ**

ПУД.01 Математика (углубленный уровень)

профиль обучения: технологический

по профессии 08.01.25 Мастер отделочных строительных и декоративных работ

Рассмотрена  
на заседании цикловой методической  
комиссии МОЕН  
Протокол от 27 июня 2022 г. № 10  
Председатель Хашханоква З.З.

Утверждена приказом директора  
ГБПОУ КК «КМТ»  
от 30 июня 2022 года № 660

Одобрена  
на заседании педагогического совета  
протокол от 29 июня 2022 г. № 5

Рабочая программа учебной дисциплины ПУД.01 Математика разработана на основе федерального государственного образовательного стандарта среднего общего образования, утверждённого приказом Министерства образования и науки Российской Федерации от 17 мая 2012 г. № 413, зарегистрированного в Министерстве юстиции Российской Федерации 07 июня 2012 г. регистрационный № 24480, с учётом примерной программы общеобразовательной учебной дисциплины Математика, ФГБОУ ДПО «Институт развития профессионального образования» с учётом профиля получаемого среднего профессионального образования для профессий технологического профиля.

Организация-разработчик: государственное бюджетное профессиональное образовательное учреждение Краснодарского края «Краснодарский монтажный техникум»

Составитель: Скоробогатова Л.Г, преподаватель ГБПОУ КК «КМТ»

## СОДЕРЖАНИЕ

1.	ОБЩАЯ ХАРАКТЕРИСТИКА РАБОЧЕЙ ПРОГРАММЫ УЧЕБНОЙ ДИСЦИПЛИНЫ	4
2.	СТРУКТУРА И СОДЕРЖАНИЕ УЧЕБНОЙ ДИСЦИПЛИНЫ	7
3.	УСЛОВИЯ РЕАЛИЗАЦИИ УЧЕБНОЙ ДИСЦИПЛИНЫ	20
4.	КОНТРОЛЬ И ОЦЕНКА РЕЗУЛЬТАТОВ ОСВОЕНИЯ УЧЕБНОЙ ДИСЦИПЛИНЫ	21
5.	ФОНДЫ ОЦЕНОЧНЫХ СРЕДСТВ	22

# 1. ОБЩАЯ ХАРАКТЕРИСТИКА РАБОЧЕЙ ПРОГРАММЫ УЧЕБНОЙ ДИСЦИПЛИНЫ

## 1.1. Место дисциплины в структуре основной образовательной программы:

Учебная дисциплина «Математика» является обязательной частью общеобразовательного цикла основной образовательной программы в соответствии с ФГОС по профессии 08.01.25 Мастер отделочных строительных и декоративных работ

## 1.2. Планируемые результаты освоения дисциплины:

Особое значение дисциплина имеет при формировании и развитии общих компетенций: ОК 01-ОК 11

В рамках программы учебной дисциплины обучающимися осваиваются личностные (ЛР), метапредметные (МР) и предметные результаты базового и углубленного уровней (ПРБ) и (ПРУ) в соответствии с требованиями ФГОС среднего общего образования

Коды	Планируемые результаты освоения дисциплины включают
ЛР 05	сформированность основ саморазвития и самовоспитания в соответствии с общечеловеческими ценностями и идеалами гражданского общества; готовность и способность к самостоятельной, творческой и ответственной деятельности;
ЛР 06	толерантное сознание и поведение в поликультурном мире, готовность и способность вести диалог с другими людьми, достигать в нем взаимопонимания, находить общие цели и сотрудничать для их достижения, способность противостоять идеологии экстремизма, национализма, ксенофобии, дискриминации по социальным, религиозным, расовым, национальным признакам и другим негативным социальным явлениям;
ЛР 07	навыки сотрудничества со сверстниками, детьми младшего возраста, взрослыми в образовательной, общественно полезной, учебно-исследовательской, проектной и других видах деятельности;
ЛР 08	нравственное сознание и поведение на основе усвоения общечеловеческих ценностей;
ЛР 09	готовность и способность к образованию, в том числе самообразованию, на протяжении всей жизни; сознательное отношение к непрерывному образованию как условию успешной профессиональной и общественной деятельности;
ЛР 10	эстетическое отношение к миру, включая эстетику быта, научного и технического творчества, спорта, общественных отношений;
ЛР 13	осознанный выбор будущей профессии и возможностей реализации собственных жизненных планов; отношение к профессиональной деятельности как возможности участия в решении личных, общественных, государственных, общенациональных проблем.
МР 01	умение самостоятельно определять цели деятельности и составлять планы деятельности; самостоятельно осуществлять, контролировать и корректировать деятельность; использовать все возможные ресурсы для достижения поставленных целей и реализации планов деятельности; выбирать успешные стратегии в различных ситуациях;
МР 02	умение продуктивно общаться и взаимодействовать в процессе совместной деятельности, учитывать позиции других участников деятельности, эффективно

	разрешать конфликты;
MP 03	владение навыками познавательной, учебно-исследовательской и проектной деятельности, навыками разрешения проблем; способность и готовность к самостоятельному поиску методов решения практических задач, применению различных методов познания;
MP 04	готовность и способность к самостоятельной информационно-познавательной деятельности, владение навыками получения необходимой информации из словарей разных типов, умение ориентироваться в различных источниках информации, критически оценивать и интерпретировать информацию, получаемую из различных источников;
MP 05	умение использовать средства информационных и коммуникационных технологий (далее – ИКТ) в решении когнитивных, коммуникативных и организационных задач с соблюдением требований эргономики, техники безопасности, гигиены, ресурсосбережения, правовых и этических норм, норм информационной безопасности;
MP 07	умение самостоятельно оценивать и принимать решения, определяющие стратегию поведения, с учетом гражданских и нравственных ценностей;
MP 08	владение языковыми средствами – умение ясно, логично и точно излагать свою точку зрения, использовать адекватные языковые средства;
MP 09	владение навыками познавательной рефлексии как осознания совершаемых действий и мыслительных процессов, их результатов и оснований, границ своего знания и незнания, новых познавательных задач и средств их достижения.
ПР6 01	сформированность представлений о математике как части мировой культуры и месте математики в современной цивилизации, способах описания явлений реального мира на математическом языке;
ПР6 02	сформированность представлений о математических понятиях как важнейших математических моделях, позволяющих описывать и изучать разные процессы и явления; понимание возможности аксиоматического построения математических теорий;
ПР6 03	владение методами доказательств и алгоритмов решения, умение их применять, проводить доказательные рассуждения в ходе решения задач;
ПР6 04	владение стандартными приемами решения рациональных и иррациональных, показательных, степенных, тригонометрических уравнений и неравенств, их систем; использование готовых компьютерных программ, в том числе для поиска пути решения и иллюстрации решения уравнений и неравенств;
ПР6 05	сформированность представлений об основных понятиях, идеях и методах математического анализа;
ПР6 06	владение основными понятиями о плоских и пространственных геометрических фигурах, их основных свойствах; сформированность умения распознавать геометрические фигуры на чертежах, моделях и в реальном мире; применение изученных свойств геометрических фигур и формул для решения геометрических задач и задач с практическим содержанием;
ПР6 07	сформированность представлений о процессах и явлениях, имеющих вероятностный характер, статистических закономерностях в реальном мире, основных понятиях элементарной теории вероятностей; умений находить и оценивать вероятности наступления событий в простейших практических ситуациях и основные характеристики случайных величин;
ПР6 08	владение навыками использования готовых компьютерных программ при решении задач;
ПРу 01	сформированность представлений о необходимости доказательств при обосновании математических утверждений и роли аксиоматики в проведении

	дедуктивных рассуждений;
ПРу 02	сформированность понятийного аппарата по основным разделам курса математики; знаний основных теорем, формул и умения их применять; умения доказывать теоремы и находить нестандартные способы решения задач;
ПРу 03	сформированность умений моделировать реальные ситуации, исследовать построенные модели, интерпретировать полученный результат;
ПРу 04	сформированность представлений об основных понятиях математического анализа и их свойствах, владение умением характеризовать поведение функций, использование полученных знаний для описания и анализа реальных зависимостей;
ПРу 05	владение умениями составления вероятностных моделей по условию задачи и вычисления вероятности наступления событий, в том числе с применением формул комбинаторики и основных теорем теории вероятностей; исследования случайных величин по их распределению.
ОК 01	Выбирать способы решения задач профессиональной деятельности, применительно к различным контекстам
ОК 02	Осуществлять поиск, анализ и интерпретацию информации, необходимой для выполнения задач профессиональной деятельности.
ОК 03	Планировать и реализовывать собственное профессиональное и личностное развитие
ОК 04	Работать в коллективе и команде, эффективно взаимодействовать с коллегами, руководством, клиентами.
ОК 05	Осуществлять устную и письменную коммуникацию на государственном языке с учетом особенностей социального и культурного контекста.
ОК 06	Проявлять гражданско-патриотическую позицию, демонстрировать осознанное поведение на основе традиционных общечеловеческих ценностей, применять стандарты антикоррупционного поведения.
ОК 07	Содействовать сохранению окружающей среды, ресурсосбережению, эффективно действовать в чрезвычайных ситуациях.
ОК 08	Использовать средства физической культуры для сохранения и укрепления здоровья в процессе профессиональной деятельности и поддержания необходимого уровня физической подготовленности.
ОК 09	Использовать информационные технологии в профессиональной деятельности.
ОК 10	Пользоваться профессиональной документацией на государственном и иностранном языках.
ОК 11	Использовать знания по финансовой грамотности, планировать предпринимательскую деятельность в профессиональной сфере

## 2 СТРУКТУРА И СОДЕРЖАНИЕ УЧЕБНОЙ ДИСЦИПЛИНЫ

### 2.1. Объем учебной дисциплины «Математика» и виды учебной работы

<b>Вид учебной работы</b>	<b>Объем в часах</b>
<b>Объем образовательной программы учебной дисциплины</b>	297
<b>Основное содержание</b>	248
теоретические занятия	187
практические занятия	48
контрольная работа	12
<b>Профессионально ориентированное содержание</b>	38
теоретические занятия	
практические занятия	38
<b>в т.ч. практическая подготовка</b>	285
консультации	8
<b>Промежуточная аттестация (экзамен)</b>	3

## 2.2. Тематический план и содержание учебной дисциплины

№ раздела, темы	Содержание учебного материала	Объем в часах	Коды общих компетенций (указанных в разделе 1.2) и личностных метапредметных, предметных результатов, формированию которых способствует элемент программы
<b>Раздел 1 Повторение курса математики основной школы</b>		<b>12</b>	ПРy 02 ЛР 05, ЛР 09, ЛР 13 МР 01, МР 04, МР 09  ОК 1, ОК 2, ОК 3, ОК 4, ОК 5, ОК 6, ОК 7, ОК 8, ОК 9, ОК 10, ОК 11
	<b>Содержание учебного материала</b>		
1.1	Цели и задачи математики при освоении профессии	1	
1.2	Задачи математики при освоении профессии	1	
1.3	Числа и вычисления.	1	
1.4	Выражения и их преобразования	1	
1.5	Уравнения и неравенства	1	
1.6	Системы уравнений	1	
	<b>Тематика практических занятий</b>		
1.7	<b>Практическое занятие 1</b> Входной контроль	1	
1.8	<b>Практическое занятие 2</b> Арифметические действия над числами	1	
	<b>Профессионально ориентированное содержание</b>		
	<b>Тематика практических занятий</b>		
1.9	<b>Практическое занятие 3</b> Составление математических моделей задач на производительность	1	
1.10	<b>Практическое занятие 4</b> Типы задач на совместную работу	1	
1.11	<b>Практическое занятие 5</b> Понятие простых и сложных процентов	1	
1.12	<b>Практическое занятие 6</b> Задачи на смеси и сплавы. Вычисление процентного состава вещества.	1	



<b>Раздел 2 Прямые и плоскости в пространстве</b>		<b>16</b>	
	<b>Содержание учебного материала</b>		ПР6 02, ПР6 03, ПРy 02
2.1	Основные понятия стереометрии.	1	
2.2	Расположение прямых и плоскостей	1	ЛР 06, ЛР 07, ЛР 08
2.3	Параллельность прямой и плоскости.	1	
2.4	Угол между прямой и плоскостью	1	МР 02, МР 04, МР 05, МР 08
2.5	Перпендикулярность прямых, прямой и плоскости	1	
2.6	Параллельные, пересекающиеся и скрещивающиеся прямые	1	ОК 1, ОК 2, ОК. 3,
2.7	Перпендикулярность плоскостей	1	ОК 4, ОК 5, ОК 6,
2.8	Перпендикуляр и наклонная	1	ОК 7, ОК 8, ОК 9,
2.9	Симметрия относительно плоскости	1	ОК 10, ОК 11
	<b>Тематика практических занятий</b>		
2.10	<b>Практическое занятие 7</b> Контрольная работа «Прямые и плоскости в пространстве»	1	
2.11	<b>Практическое занятие 8</b> Признаки взаимного расположения прямых	1	
2.12	<b>Практическое занятие 9</b> Расстояние между скрещивающимися прямыми.	1	
2.13	<b>Практическое занятие 10</b> Расстояние от прямой до плоскости, от точки до плоскости	1	
2.14	<b>Практическое занятие 11</b> Решение задач на взаимное расположение прямой и плоскости	1	
	<b>Профессионально ориентированное содержание</b>		
	<b>Тематика практических занятий</b>		
2.15	<b>Практическое занятие 12</b> Прямые и плоскости в архитектуре и строительстве	1	
2.16	<b>Практическое занятие 13</b> Многогранные углы в архитектуре и строительстве	1	
<b>Раздел 3 Координаты и векторы в пространстве</b>		<b>12</b>	ПР6 08, ПРy 02
	<b>Содержание учебного материала</b>		
3.1	Декартовы координаты в пространстве	1	ЛР 06, ЛР 07, ЛР 08
3.2	Расстояние между двумя точками	1	
3.3	Векторы в пространстве	1	МР 02, МР 04, МР 05, МР 08
3.4	Проекция вектора на ось	1	
3.5	Угол между векторами	1	ОК 1, ОК 2, ОК. 3,

3.6	Скалярное произведение векторов	1	ОК 4, ОК 5, ОК 6, ОК 7, ОК 8, ОК 9, ОК 10, ОК 11
3.7	Разложение вектора	1	
3.8	Координаты вектора	1	
	<b>Тематика практических занятий</b>		
3.9	<b>Практическое занятие 14</b> Контрольная работа «Координаты и векторы в пространстве»	1	
3.10	<b>Практическое занятие 15</b> Решение задач на скалярное произведение векторов	1	
	<b>Профессионально ориентированное содержание</b>		
	<b>Тематика практических занятий</b>		
3.11	<b>Практическое занятие 16</b> Векторное пространство в профессиональных задачах	1	
3.12	<b>Практическое занятие 17</b> Применение векторов в повседневной жизни	1	
<b>Раздел 4 Основы тригонометрии. Тригонометрические функции</b>		<b>32</b>	ПР6 03, ПР6 04, ПРy 01, ПРy 02  ЛР 05, ЛР 08, ЛР 10  МР 03, МР 07, МР 08  ОК 1, ОК 2, ОК 3, ОК 4, ОК 5, ОК 6, ОК 7, ОК 8, ОК 9, ОК 10, ОК 11
	<b>Содержание учебного материала</b>		
4.1	Тригонометрические функции произвольного угла, числа	1	
4.2	Радианная и градусная мера угла	1	
4.3	Основные тригонометрические тождества	1	
4.4	Связь между тригонометрическими функциями	1	
4.5	Формулы приведения	1	
4.6	Синус, косинус суммы и разности двух углов	1	
4.7	Тангенс, котангенс суммы и разности двух углов	1	
4.8	Синус и косинус двойного угла	1	
4.9	Формулы половинного угла	1	
4.10	Функции, их свойства	1	
4.11	Тригонометрические функции $y=\cos x, y=\sin x$ . Их свойства и графики	1	
4.12	Тригонометрические функции $y=\operatorname{tg} x, y=\operatorname{ctg} x$ . Их свойства и графики	1	
4.13	Преобразование графиков тригонометрических функций	1	
4.14	Обратные тригонометрические функции. Построение графиков обратных тригонометрических функций	1	
4.15	Простейшие тригонометрические уравнения. $\cos x = a, \sin x = a$	1	
4.16	Простейшие тригонометрические уравнения. $\operatorname{tg} x = a, \operatorname{ctg} x = a$		

4.17	Простейшие тригонометрические неравенства.	1		
4.18	Способы решения тригонометрических уравнений.	1		
4.19	Однородные тригонометрические уравнения.			
4.20	Графический способ решения тригонометрических неравенств	1		
4.21	Системы тригонометрических уравнений	1		
	<b>Тематика практических занятий</b>			
4.22	<b>Практическое занятие 18</b> Контрольная работа «Основы тригонометрии. Тригонометрические функции»	1		
4.23	<b>Практическое занятие 19</b> Радианный метод измерения углов вращения и связь с градусной мерой.	1		
4.24	<b>Практическое занятие 20</b> Вычисление тригонометрических функций числа.	1		
4.25	<b>Практическое занятие 21</b> Вычисление тригонометрических функций числа.	1		
4.26	<b>Практическое занятие 22</b> Вычисление значений тригонометрических функций.	1		
4.27	<b>Практическое занятие 23</b> Преобразование тригонометрических выражений.	1		
4.28	<b>Практическое занятие 24</b> Решение тригонометрических уравнений	1		
4.29	<b>Практическое занятие 25</b> Решение тригонометрических неравенств	1		
4.30	<b>Практическое занятие 26</b> Решение тригонометрических систем	1		
	<b>Профессионально ориентированное содержание</b>			
	<b>Тематика практических занятий</b>			
4.31	<b>Практическое занятие 27</b> Описание производственных процессов с помощью графиков функций	1		
4.32	<b>Практическое занятие 28</b> Чтение графиков функций производственных процессов	1		
<b>Раздел 5 Производная функции, ее применение</b>		<b>34</b>		ПРб 01, ПРб 05, ПРу 02, ПРу 03, ПРу 04 ЛР 05, ЛР 09, ЛР 13 МР 01, МР 04, МР 09 ОК 1, ОК 2, ОК. 3,
	<b>Содержание учебного материала</b>			
5.1	Понятие о пределе последовательности	1		
5.2	Длина окружности и площадь круга как пределы последовательностей	1		
5.3	Вычисление пределов последовательности	1		
5.4	Задачи приводящие к понятию производной	1		
5.5	Понятие производной	1		
5.6	Производные функций	1		

5.7	Производные суммы	1	ОК 4, ОК 5, ОК 6, ОК 7, ОК 8, ОК 9, ОК 10, ОК 11
5.8	Производные разности	1	
5.9	Производные произведения и частного	1	
5.10	Производные тригонометрических функций	1	
5.11	Производная сложной функции	1	
5.12	Понятие о непрерывности функции	1	
5.13	Метод интервалов	1	
5.14	Геометрический смысл производной	1	
5.15	Уравнение касательной к графику функции	1	
5.16	Физический смысл производной	1	
5.17	Монотонность функции	1	
5.18	Точки экстремума	1	
5.19	Исследование и построение графиков функций	1	
5.20	Построение графиков функций	1	
5.21	Графики дробно-линейных функций	1	
5.22	Точки перегиба	1	
5.23	Наибольшее значение функции	1	
5.24	Наименьшее значение функции	1	
	<b>Тематика практических занятий</b>		
5.25	<b>Практическое занятие 29</b> Контрольная работа «Производная функции, ее применение»	1	
5.26	<b>Практическое занятие 30</b> Дифференцирование сложной функции	1	
5.27	<b>Практическое занятие 31</b> Нахождение наибольшего и наименьшего значений непрерывной функции на промежутке	1	
5.28	<b>Практическое занятие 32</b> Задачи на отыскание наибольших и наименьших величин	1	
5.29	<b>Практическое занятие 33</b> Исследование функций с помощью производной.	1	
5.30	<b>Практическое занятие 34</b> Исследование функций и построение графиков.	1	
	<b>Профессионально ориентированное содержание</b>		
	<b>Тематика практических занятий</b>		
5.31	<b>Практическое занятие 35</b> Физический смысл производной в	1	

	профессиональных задачах технологического профиля		
5.32	<b>Практическое занятие 36</b> Вычисление скорости и ускорения в задачах технологического профиля	1	
5.33	<b>Практическое занятие 37</b> Нахождение оптимального результата в задачах технологического профиля	1	
5.34	<b>Практическое занятие 38</b> Применение задач на оптимизацию в технологического профиля	1	
<b>Раздел 6 Многогранники и тела вращения</b>		<b>38</b>	ПР6 01, ПР6 06, ПРy 02, ПРy 03
	<b>Содержание учебного материала</b>		
6.1	Вершины, ребра, грани многогранника	1	
6.2	Призма, ее составляющие, сечение	1	ЛР 06, ЛР 07, ЛР 08
6.3	Прямая и правильная призмы	1	
6.4	Параллелепипед, куб	1	МР 02, МР 04, МР 05, МР 08
6.5	Сечение куба, параллелепипеда	1	
6.6	Пирамида, ее составляющие, сечение.	1	ОК 1, ОК 2, ОК. 3,
6.7	Правильная пирамида.	1	ОК 4, ОК 5, ОК 6,
6.8	Усеченная пирамида.	1	ОК 7, ОК 8, ОК 9,
6.9	Боковая и полная поверхность призмы	1	ОК 10, ОК 11
6.10	Боковая и полная поверхность пирамиды	1	
6.11	Симметрия в кубе, параллелепипеде, призме, пирамиде	1	
6.12	Правильные многогранники	1	
6.13	Свойства правильных многогранников	1	
6.14	Цилиндр, его составляющие	1	
6.15	Сечение цилиндра	1	
6.16	Конус, его составляющие	1	
6.17	Сечение конуса	1	
6.18	Усеченный конус	1	
6.19	Сечение усеченного конуса	1	
6.20	Шар и сфера, их сечения.	1	
6.21	Понятие об объеме тела. Отношение объемов подобных тел	1	
6.22	Объемы многогранников. Объем призмы	1	

6.23	Объем пирамиды. Объем усечённой пирамиды	1		
6.24	Объем цилиндра	1		
6.25	Объем конуса	1		
6.26	Площади поверхностей многогранников.	1		
6.27	Площади поверхностей цилиндра и конуса	1		
6.28	Объем шара, площадь сферы	1		
	<b>Тематика практических занятий</b>			
6.29	<b>Практическое занятие 39</b> Контрольная работа «Многогранники и тела вращения»	1		
6.30	<b>Практическое занятие 40</b> Нахождение элементов многогранников и тел вращения	1		
6.31	<b>Практическое занятие 41</b> Построение сечений многогранников и тел вращения	1		
6.32	<b>Практическое занятие 42</b> Вычисление площадей поверхностей многогранников и тел вращения	1		
	<b>Профессионально ориентированное содержание</b>			
	<b>Тематика практических занятий</b>			
6.33	<b>Практическое занятие 43</b> Расчёт площади поверхностей стен зданий и сооружений	1		
6.34	<b>Практическое занятие 44</b> Расчёт количества материала, необходимого для строительства зданий	1		
6.35	<b>Практическое занятие 45</b> Вычисление объёмов резервуаров различной формы	1		
6.36	<b>Практическое занятие 46</b> Нахождение объёма, массы и количества отделочного материала	1		
6.37	<b>Практическое занятие 47</b> Центральная, осевая симметрии в архитектуре	1		
6.38	<b>Практическое занятие 48</b> Зеркальная симметрия в архитектуре	1		
<b>Раздел 7 Первообразная функции, ее применение</b>		<b>14</b>		ПРб 01, ПРб 05, ПРу 02, ПРу 03, ПРу 04 ЛР 05, ЛР 09, ЛР 13 МР 01, МР 04, МР 09
	<b>Содержание учебного материала</b>			
7.1	Первообразная функции. Правила нахождения первообразных	1		
7.2	Нахождения первообразных функции	1		
7.3	Неопределенный интеграл и его свойства.	1		
7.4	Таблица неопределенных интегралов	1		

7.5	Вычисление неопределенных интегралов		ОК 1, ОК 2, ОК 3, ОК 4, ОК 5, ОК 6, ОК 7, ОК 8, ОК 9, ОК 10, ОК 11
7.6	Определенный интеграл и его свойства	1	
7.7	Вычисление определенных интегралов	1	
7.8	Площадь криволинейной трапеции. Формула Ньютона – Лейбница	1	
7.9	Понятие об определенном интеграле как площади криволинейной трапеции	1	
7.10	Применение интеграла в физике и геометрии	1	
	<b>Тематика практических занятий</b>		
7.11	<b>Практическое занятие 49</b> Контрольная работа «Первообразная функции, ее применение»	1	
7.12	<b>Практическое занятие 50</b> Нахождение площадей плоских фигур	1	
	<b>Профессионально ориентированное содержание</b>		
	<b>Тематика практических занятий</b>		
7.13	<b>Практическое занятие 51</b> Криволинейные трапеции в архитектуре. Вычисление площадей	1	
7.14	<b>Практическое занятие 52</b> Вычисление объемов тел при помощи определенного интеграла	1	
<b>Раздел 8 Степени и корни. Степенная функция</b>		<b>11</b>	
	<b>Содержание учебного материала</b>		
8.1	Понятие корня n-ой степени из действительного числа.	1	
8.2	Функции $y = \sqrt[n]{x}$ , их свойства и графики	1	
8.3	Свойства корня n-ой степени	1	
8.4	Преобразование выражений с корнями n-ой степени	1	
8.5	Свойства степени с рациональным и действительным показателями	1	
8.6	Преобразование иррациональных выражений	1	
8.7	Степенная функция, ее свойства	1	
8.8	Построение графиков степенных функций	1	
8.9	Решение иррациональных уравнений и неравенств	1	
	<b>Тематика практических занятий</b>		
8.10	<b>Практическое занятие 53</b> Контрольная работа «Степени и корни. Степенная функция»	1	
8.11	<b>Практическое занятие 54</b> Преобразование степенных выражений	1	

<b>Раздел 9 Показательная функция</b>		<b>28</b>	ПРб 02, ПРб 04, ПРy 02
	<b>Содержание учебного материала</b>		
9.1	Показательная функция, ее свойства	2	ЛР 05, ЛР 08, ЛР 10
9.2	Построение графиков показательной функции	2	МР 03, МР 07, МР 08
9.3	Классификация показательных уравнений. Функционально-графический метод	2	
9.4	Классификация показательных уравнений. Метод уравнивания показателей	2	ОК 1, ОК 2, ОК 3,
9.5	Классификация показательных уравнений. Метод введения новой переменной	2	ОК 4, ОК 5, ОК 6,
9.6	Решение показательных уравнений	2	ОК 7, ОК 8, ОК 9,
9.7	Решение простейших показательных неравенств.	2	ОК 10, ОК 11
9.8	Введение новой переменной при решении показательных неравенств.	2	
9.9	Метод интервалов в показательных неравенствах	2	
9.10	Системы показательных уравнений	2	
9.11	Решение систем показательных уравнений	2	
	<b>Тематика практических занятий</b>		
9.12	<b>Практическое занятие 55-56</b> Контрольная работа «Показательная функция»	2	
9.13	<b>Практическое занятие 57-58</b> Преобразование показательных выражений	2	
9.14	<b>Практическое занятие 57-58</b> Решение показательных уравнений	2	
<b>Раздел 10 Логарифмы. Логарифмическая функция</b>		<b>40</b>	ПРб 02, ПРб 04, ПРy 02
	<b>Содержание учебного материала</b>		
10.1	Логарифм числа.	2	ЛР 05, ЛР 08, ЛР 10
10.2	Десятичный и натуральный логарифмы, число $e$	2	МР 03, МР 07, МР 08
10.3	Свойства логарифмов	2	
10.4	Обратная функция, ее график	2	ОК 1, ОК 2, ОК 3,
10.5	Логарифмическая функция	2	ОК 4, ОК 5, ОК 6,
10.6	Классификация логарифмических уравнений. Функционально-графический метод	2	ОК 7, ОК 8, ОК 9,
10.7	Метод потенцирования	2	ОК 10, ОК 11
10.8	Метод введения новой переменной	2	
10.9	Решение логарифмических уравнений	2	
10.10	Логарифмические неравенства.	2	
10.11	Решение логарифмических неравенств	2	



10.12	Системы логарифмических уравнений	2	
10.13	Решение систем логарифмических уравнений	2	
	<b>Тематика практических занятий</b>		
10.14	<b>Практическое занятие 61-62</b> Контрольная работа «Логарифмы. Логарифмическая функция»	2	
10.15	<b>Практическое занятие 63-64</b> Вычисление и сравнение логарифмов.	2	
10.16	<b>Практическое занятие 65-66</b> Преобразование логарифмических выражений	2	
10.17	<b>Практическое занятие 67-68</b> Решение логарифмических уравнений.	2	
10.18	<b>Профессионально ориентированное содержание</b>		
	<b>Тематика практических занятий</b>		
10.19	<b>Практическое занятие 69-70</b> Логарифмическая спираль в архитектуре и строительстве	2	
10.20	<b>Практическое занятие 71-72</b> Логарифмы в разных отраслях науки	2	
<b>Раздел 11 Элементы комбинаторики, статистики и теории вероятностей</b>		<b>28</b>	ПР6 07, ПР6 08, ПРy 02, ПРy 03, ПРy 05
	<b>Содержание учебного материала</b>		
11.1	Основные понятия комбинаторики	2	ЛР 05, ЛР 07, ЛР 13
11.2	Перестановки. Размещения. Сочетания.	2	
11.3	Событие. Виды событий. Вероятность событий	2	МР 01, МР 05, МР 08
11.4	Сложение и умножение вероятностей	2	
11.5	Дискретная случайная величина	2	ОК 1, ОК 2, ОК 3, ОК 4, ОК 5, ОК 6, ОК 7, ОК 8, ОК 9, ОК 10, ОК 11
11.6	Закон распределения дискретной случайной величины	2	
	<b>Тематика практических занятий</b>		
11.7	<b>Практическое занятие 73-74</b> Контрольная работа «Элементы комбинаторики, статистики и теории вероятностей»	2	
11.8	<b>Практическое занятие 75-76</b> Решение вероятностных задач	2	
11.9	<b>Практическое занятие 77-78</b> Решение комбинаторных задач	2	
11.10	<b>Практическое занятие 79-80</b> Решение задач на перебор вариантов	2	
	<b>Профессионально ориентированное содержание</b>		
	<b>Тематика практических занятий</b>		
11.11	<b>Практическое занятие 81-82</b> Элементы комбинаторики в задачах технологического профиля	2	

11.12	<b>Практическое занятие 83-84</b> Теория вероятности в задачах технологического профиля	2	
11.13	<b>Практическое занятие 85-86</b> Представление данных. Задачи математической статистики технологического профиля	2	
11.14	<b>Практическое занятие 87-88</b> Статистические методы обработки информации	2	
<b>Раздел 12 Уравнения и неравенства</b>		<b>32</b>	ПРб 01, ПРб 04, ПРy 02
	<b>Содержание учебного материала</b>		
12.1	Равносильность уравнений	2	ЛР 07, ЛР 09, ЛР 10
12.2	Общие методы решения уравнений	2	МР 01, МР 02, МР 04
12.3	Графический метод решения уравнений	2	
12.4	Равносильность неравенств	2	ОК 1, ОК 2, ОК 3,
12.5	Уравнения с модулем	2	ОК 4, ОК 5, ОК 6,
12.6	Неравенства с модулями	2	ОК 7, ОК 8, ОК 9,
12.7	Иррациональные уравнения	2	ОК 10, ОК 11
12.8	Иррациональные неравенства	2	
12.9	Уравнения и неравенства с параметрами	2	
12.10	Системы уравнений решаемые графически	2	
12.11	Системы неравенств решаемые графически	2	
	<b>Тематика практических занятий</b>		
12.12	<b>Практическое занятие 89-90</b> Контрольная работа «Уравнения и неравенства»	2	
12.13	<b>Практическое занятие 91-92</b> Решение уравнений и неравенств	2	
12.14	<b>Практическое занятие 93-94</b> Использование графиков функций для решения уравнений и систем.	2	
	<b>Профессионально ориентированное содержание</b>		
	<b>Тематика практических занятий</b>		
12.15	<b>Практическое занятие 95-96</b> Нахождение неизвестной величины в задачах технологического профиля	2	
12.16	<b>Практическое занятие 97-98</b> Решение прикладных задач на составление уравнений	2	
	<b>Итого</b>	<b>286</b>	

	<b>Промежуточная аттестация (экзамен)</b>	<b>3</b>	
	<b>Консультация</b>	<b>8</b>	
	<b>Всего</b>	<b>297</b>	

### **3. УСЛОВИЯ РЕАЛИЗАЦИИ ПРОГРАММЫ УЧЕБНОЙ ДИСЦИПЛИНЫ**

#### **3.1. Реализация программы дисциплины требует наличия учебного кабинета «Математика».**

Оборудование учебного кабинета:

- посадочные места по количеству обучающихся;
- рабочее место преподавателя;
- комплект учебно-наглядных пособий;
- комплект электронных видеоматериалов;
- задания для контрольных работ;
- профессионально ориентированные задания;
- материалы экзамена.

Технические средства обучения:

- персональный компьютер с лицензионным программным обеспечением;
- проектор с экраном.

Залы:

Библиотека, читальный зал с выходом в сеть Интернет.

#### **3.2. Информационное обеспечение реализации программы**

##### **3.2.1. Основные печатные издания**

1. Александров, А.Д. Математика: алгебра и начала математического анализа, геометрия. Геометрия. 10-11 классы : учебник / А.Д. Александров, Л.А. Вернер, В.И. Рыжик. – М. : Издательство «Просвещение», 2020. – 257 с. – ISBN: 978-5-09-062551-7 / - Текст : непосредственный
2. Мордкович, А.Г. Алгебра и начала математического анализа. 10 класс: В 2 ч. Ч. 1. Учебник для учащихся общеобразовательных учреждений (профильный уровень) / А.Г. Мордкович, П.В. Семенов. - М. : Мнемозина, 2020. - 457 с. – ISBN: 978-5-346-01200-9 / - Текст : непосредственный
3. Мордкович, А.Г. Алгебра и начала математического анализа. 11 класс: В 2 ч. Ч. 1. Учебник для учащихся общеобразовательных учреждений (профильный уровень) / А.Г. Мордкович, П.В. Семенов. - М. : Мнемозина, 2020. - 351 с. – ISBN 978-5-346-03199-4/ - Текст : непосредственный
4. Мордкович, А.Г. Алгебра и начала математического анализа. 10 класс: В 2 ч. Ч. 2. Задачник для учащихся общеобразовательных учреждений (профильный уровень) /А.Г. Мордкович, Л.О. Денищева, Л.И. Звавич [и др.] - М. : Мнемозина, 2020. - 336 с. – ISBN: 978-5-346-01202-3/ - Текст : непосредственный
5. Мордкович, А.Г. Алгебра и начала математического анализа. 11 класс: В 2 ч. Ч. 2. Задачник для учащихся общеобразовательных учреждений (профильный уровень) / А.Г. Мордкович, Л.О. Денищева, Л.И. Звавич [и др.],- М. : Мнемозина, 2020. - 137 с. – ISBN: 978-5-346-02411-8/ - Текст : непосредственный

### 3.2.2. Дополнительные источники

1. Всероссийские интернет-олимпиады. - URL: <https://online-olympiad.ru/> (дата обращения: 12.07.2021). - Текст: электронный.
2. Единая коллекция цифровых образовательных ресурсов. - URL: <http://school-collection.edu.ru/> (дата обращения: 08.07.2021). - Текст: электронный.
3. Информационная система «Единое окно доступа к образовательным ресурсам». - URL: <http://window.edu.ru/> (дата обращения: 02.07.2021). - Текст: электронный.
4. Научная электронная библиотека (НЭБ). - URL: <http://www.elibrary.ru> (дата обращения: 12.07.2021). - Текст: электронный.
5. Открытый колледж. Математика. - URL: <https://mathematics.ru/> (дата обращения: 08.06.2021). - Текст: электронный.
6. Повторим математику. - URL: <http://www.mathteachers.narod.ru/> (дата обращения: 12.07.2021). - Текст: электронный.
7. Справочник по математике для школьников. - URL: <https://www.resolventa.ru/demo/demomath.htm> / (дата обращения: 12.07.2021). - Текст: электронный.
8. Средняя математическая интернет школа. - URL: <http://www.bymath.net/> (дата обращения: 12.07.2021). - Текст: электронный.
9. Федеральный портал «Российское образование». - URL: <http://www.edu.ru/> (дата обращения: 02.07.2021). - Текст: электронный.
10. Федеральный центр информационно-образовательных ресурсов. - URL: <http://fcior.edu.ru/> (дата обращения: 01.07.2021). - Текст: электронный.

## 4. КОНТРОЛЬ И ОЦЕНКА РЕЗУЛЬТАТОВ ОСВОЕНИЯ УЧЕБНОЙ ДИСЦИПЛИНЫ

Результаты обучения	Методы оценки
ПР6 01 ПР6 02 ПР6 03 ПР6 04 ПР6 05 ПР6 06 ПР6 07 ПР6 08 ПРу 01 ПРу 02 ПРу 03 ПРу 04 ПРу 05	Оценка результатов устных и письменных ответов, решения задач (в том числе профессионально ориентированных), контрольных работ, выполнения практических заданий, заданий экзамена

**ФОНДЫ ОЦЕНОЧНЫХ СРЕДСТВ  
(ПРОМЕЖУТОЧНАЯ АТТЕСТАЦИЯ)**

**К РАБОЧЕЙ ПРОГРАММЕ ОБЩЕОБРАЗОВАТЕЛЬНОЙ УЧЕБНОЙ  
ДИСЦИПЛИНЫ**

**ПУД.01 Математика (углубленный уровень)**

по профессии 08.01.25 Мастер отделочных строительных и декоративных работ  
Технологический профиль обучения

## 1. Результаты обучения, регламентированные ФГОС СОО

Содержание общеобразовательной дисциплины Математика (углубленный уровень) направлено на достижение всех личностных (далее – ЛР), метапредметных (далее – МР) и предметных (далее – ПР) результатов обучения, регламентированных ФГОС СОО и с учетом основной образовательной программой среднего общего образования.

### **Личностные результаты отражают:**

ЛР 01. Российскую гражданскую идентичность, патриотизм, уважение к своему народу, чувства ответственности перед Родиной, гордости за свой край, свою Родину, прошлое и настоящее многонационального народа России, уважение государственных символов (герб, флаг, гимн).

ЛР 02. Гражданскую позицию как активного и ответственного члена российского общества, осознающего свои конституционные права и обязанности, уважающего закон и правопорядок, обладающего чувством собственного достоинства, осознанно принимающего традиционные национальные и общечеловеческие гуманистические и демократические ценности.

ЛР 03. Готовность к служению Отечеству, его защите.

ЛР 04. Сформированность мировоззрения, соответствующего современному уровню развития науки и общественной практики, основанного на диалоге культур, а также различных форм общественного сознания, осознание своего места в поликультурном мире;

ЛР 05. Сформированность основ саморазвития и самовоспитания в соответствии с общечеловеческими ценностями и идеалами гражданского общества; готовность и способность к самостоятельной, творческой и ответственной деятельности.

ЛР 06. Толерантное сознание и поведение в поликультурном мире, готовность и способность вести диалог с другими людьми, достигать в нем взаимопонимания, находить общие цели и сотрудничать для их достижения, способность противостоять идеологии экстремизма, национализма, ксенофобии, дискриминации по социальным, религиозным, расовым, национальным признакам и другим негативным социальным явлениям;

ЛР 07. Навыки сотрудничества со сверстниками, детьми младшего возраста, взрослыми в образовательной, общественно полезной, учебно-исследовательской, проектной и других видах деятельности.

ЛР 08. Нравственное сознание и поведение на основе усвоения общечеловеческих ценностей.

ЛР 09. Готовность и способность к образованию, в том числе самообразованию, на протяжении всей жизни; сознательное отношение к непрерывному образованию как условию успешной профессиональной и общественной деятельности.

ЛР 10. Эстетическое отношение к миру, включая эстетику быта, научного и технического творчества, спорта, общественных отношений.

ЛР 11. Принятие и реализацию ценностей здорового и безопасного образа жизни, потребности в физическом самосовершенствовании, занятиях спортивно-оздоровительной деятельностью, неприятие вредных привычек: курения, употребления алкоголя, наркотиков.

ЛР 12. Бережное, ответственное и компетентное отношение к физическому и психологическому здоровью, как собственному, так и других людей, умение оказывать первую помощь.

ЛР 13. Осознанный выбор будущей профессии и возможностей реализации собственных жизненных планов; отношение к профессиональной деятельности как возможности

участия в решении личных, общественных, государственных, общенациональных проблем.

ЛР 14. Сформированность экологического мышления, понимания влияния социально-экономических процессов на состояние природной и социальной среды; приобретение опыта эколого-направленной деятельности.

ЛР 15. Ответственное отношение к созданию семьи на основе осознанного принятия ценностей семейной жизни.

#### **Метапредметные результаты отражают:**

МР 01. Умение самостоятельно определять цели деятельности и составлять планы деятельности; самостоятельно осуществлять, контролировать и корректировать деятельность; использовать все возможные ресурсы для достижения поставленных целей и реализации планов деятельности; выбирать успешные стратегии в различных ситуациях.

МР 02. Умение продуктивно общаться и взаимодействовать в процессе совместной деятельности, учитывать позиции других участников деятельности, эффективно разрешать конфликты.

МР 03. Владение навыками познавательной, учебно-исследовательской и проектной деятельности, навыками разрешения проблем; способность и готовность к самостоятельному поиску методов решения практических задач, применению различных методов познания.

МР 04. Готовность и способность к самостоятельной информационно-познавательной деятельности, владение навыками получения необходимой информации из словарей разных типов, умение ориентироваться в различных источниках информации, критически оценивать и интерпретировать информацию, получаемую из различных источников.

МР 05. Умение использовать средства информационных и коммуникационных технологий (далее - ИКТ) в решении когнитивных, коммуникативных и организационных задач с соблюдением требований эргономики, техники безопасности, гигиены, ресурсосбережения, правовых и этических норм, норм информационной безопасности.

МР 06. Умение определять назначение и функции различных социальных институтов.

МР 07. Умение самостоятельно оценивать и принимать решения, определяющие стратегию поведения, с учетом гражданских и нравственных ценностей.

МР 08. Владение языковыми средствами - умение ясно, логично и точно излагать свою точку зрения, использовать адекватные языковые средства.

МР 09. Владение навыками познавательной рефлексии как осознания совершаемых действий и мыслительных процессов, их результатов и оснований, границ своего знания и незнания, новых познавательных задач и средств их достижения.

#### **Предметные результаты на базовом уровне отражают:**

ПРб 01. Сформированность представлений о математике как части мировой культуры и месте математики в современной цивилизации, способах описания явлений реального мира на математическом языке;

ПРб 02. Сформированность представлений о математических понятиях как важнейших математических моделях, позволяющих описывать и изучать разные процессы и явления; понимание возможности аксиоматического построения математических теорий;

ПРб 03. Владение методами доказательств и алгоритмов решения, умение их применять, проводить доказательные рассуждения в ходе решения задач;

ПРб 04. Владение стандартными приемами решения рациональных и иррациональных, показательных, степенных, тригонометрических уравнений и неравенств, их систем; использование готовых компьютерных программ, в том числе для поиска пути решения и иллюстрации решения уравнений и неравенств;



ПРб 05. Сформированность представлений об основных понятиях, идеях и методах математического анализа;

ПРб 06. Владение основными понятиями о плоских и пространственных геометрических фигурах, их основных свойствах; сформированность умения распознавать геометрические фигуры на чертежах, моделях и в реальном мире; применение изученных свойств геометрических фигур и формул для решения геометрических задач и задач с практическим содержанием;

ПРб 07. Сформированность представлений о процессах и явлениях, имеющих вероятностный характер, статистических закономерностях в реальном мире, основных понятиях элементарной теории вероятностей; умений находить и оценивать вероятности наступления событий в простейших практических ситуациях и основные характеристики случайных величин;

ПРб 08. Владение навыками использования готовых компьютерных программ при решении задач;

**Предметные результаты на углубленном уровне отражают:**

ПРу 01. Сформированность представлений о необходимости доказательств при обосновании математических утверждений и роли аксиоматики в проведении дедуктивных рассуждений;

ПРу 02. Сформированность понятийного аппарата по основным разделам курса математики; знаний основных теорем, формул и умения их применять; умения доказывать теоремы и находить нестандартные способы решения задач;

ПРу 03 Сформированность умений моделировать реальные ситуации, исследовать построенные модели, интерпретировать полученный результат;

ПРу 04. Сформированность представлений об основных понятиях математического анализа и их свойствах, владение умением характеризовать поведение функций, использование полученных знаний для описания и анализа реальных зависимостей;

ПРу 05. Владение умениями составления вероятностных моделей по условию задачи и вычисления вероятности наступления событий, в том числе с применением формул комбинаторики и основных теорем теории вероятностей; исследования случайных величин по их распределению.

**2. Фонды оценочных средств по профессии 08.01.25 Мастер отделочных строительных и декоративных работ**

Фонды оценочных средств (далее – ФОС) представлены в виде междисциплинарных заданий, направленные на контроль качества и управление процессами достижения ЛР, МР и ПР, а также создание условий для формирования ОК и (или) ПК у обучающихся посредством промежуточной аттестации. ФОС разрабатываются с опорой на синхронизированные образовательные результаты, с учетом профиля обучения, уровня освоения общеобразовательной дисциплины «Математика» и профессиональной направленности образовательной программы по профессии 08.01.25 Мастер отделочных строительных и декоративных работ

Таблица

№ раздела, темы	Коды образовательных результатов (ЛР, МР, ПР, ОК)	Варианты междисциплинарных заданий
<p><b>Раздел 1.</b>  <b>Повторение курса математики основной школы.</b>  Числа и вычисления  Арифметические действия над числами</p>	<p>ПРy 02  ЛР 05, ЛР 09, ЛР 13  МР 01, МР 04, МР 09  ОК 1- ОК 11</p>	<p><b>Задание 1.</b> В розетку электросети подключены приборы, общее сопротивление которых составляет <math>R = 50</math> Ом. Параллельно с ними в розетку предполагается подключить электрообогреватель. Необходимо определить (в Ом) наименьшее возможное сопротивление <math>R_y</math> этого электрообогревателя, если известно, что два проводника с сопротивлениями <math>R_x</math> и <math>R_y</math> соединены параллельно, а для нормального функционирования электросети общее сопротивление в ней должно быть не меньше 25 Ом.</p> <p><b>Задача 2.</b> Внутреннее сопротивление магнитоэлектрического вольтметра <math>R_v = 10</math> кОм, диапазон измерения <math>U_n = 10</math> В. Найдите значения сопротивления добавочного резистора <math>R_d</math>, необходимо для расширения диапазона измерения до <math>U = 100</math>В.</p> <p><b>Задача 3.</b> Диапазон измерения тока магнитоэлектрического амперметра <math>I_n = 100</math> мА, внутреннее сопротивление <math>R_A</math>, равно 10 Ом. Найдите значение сопротивления шунта <math>R_{ш}</math>, необходимого для расширения диапазона измерения тока до <math>I = 1</math> А.</p> <p><b>Задача 4.</b> Определить величину сопротивления шунта амперметра для расширения пределов измерения тока с 10 миллиампер до 10 Ампер. Внутреннее сопротивление амперметра равно 100 Ом.</p>
<p><b>Раздел 2</b>  <b>Прямые и плоскости в пространстве.</b></p>	<p>ПР602,  ПР603,  ПРy02  ЛР 06, ЛР 07, ЛР 08  МР 02,  МР 04, МР 05,  МР 08  ОК 1- ОК 11</p>	<p><b>Задача 1.</b></p>

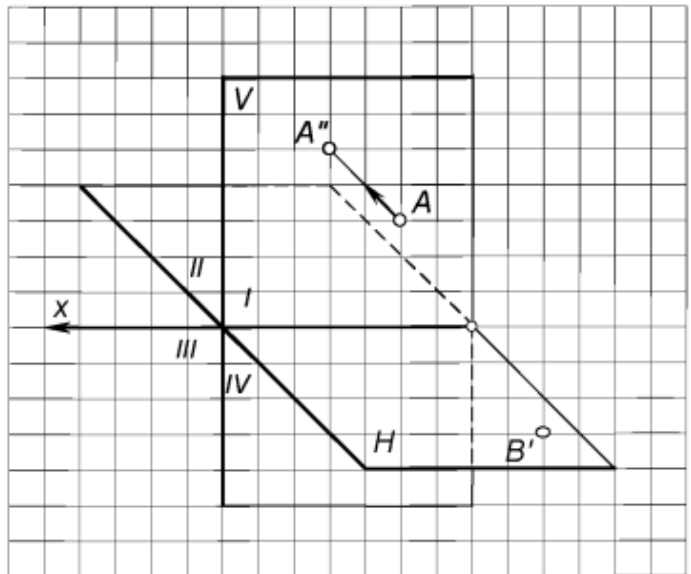


Рис. 1. Достроить на картине горизонтальную проекцию точки  $A(A' - ?, A'')$  и фронтальную проекцию точки  $B(B', B'' - ?)$ , лежащей в горизонтальной плоскости  $H$

Задача 2.

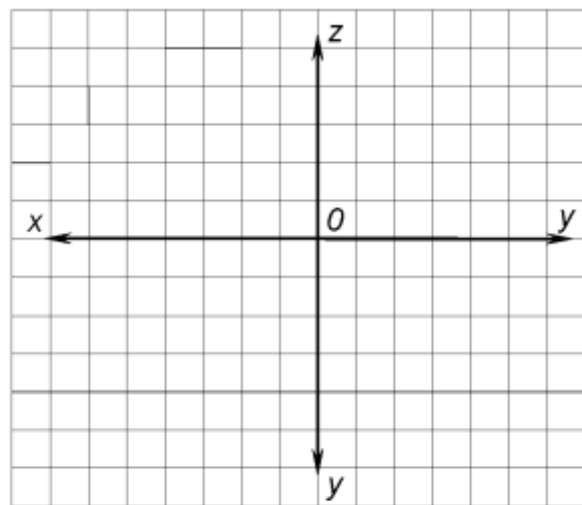


Рис. 2. Построить проекции точки  $A(10, 25, 10)$  и точки  $B(30, 10, 20)$  по заданным координатам

Задача 3.

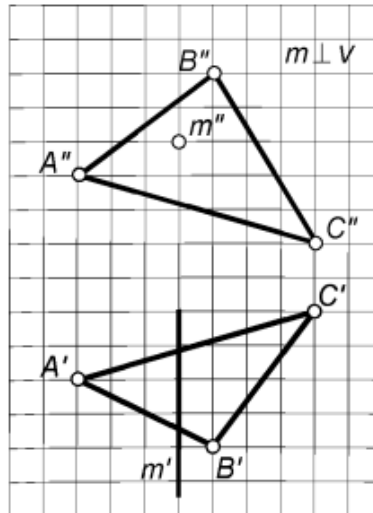


Рис. 3. Построить проекции точки пересечения прямой  $m$  с плоскостью  $\alpha(ABC)$

Задача 4.

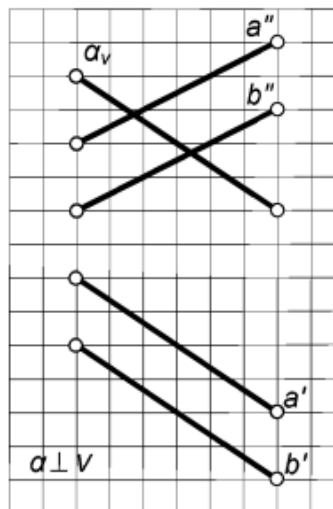
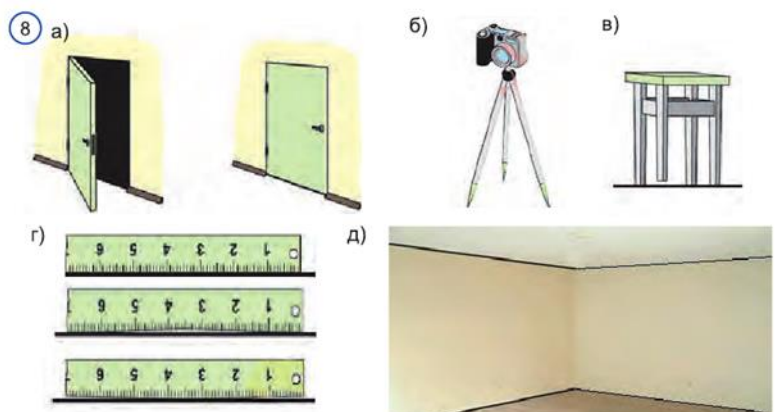


Рис. 4. Определить проекции линии пересечения плоскостей  $\alpha(\alpha_v)$  и  $\beta(a/b)$

Прямые и плоскости в архитектуре и строительстве

Задание



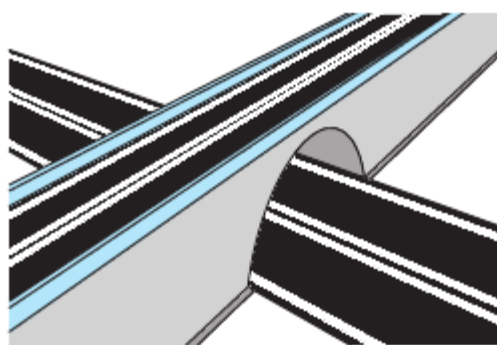


Рис. 58

На какие аксиомы и определения можно сослаться при объяснении случаев на рисунках

**Задача** Верхние концы двух вертикально стоящих столбов, удаленных на расстояние 3,4 метра соединены перекладиной. Высота одного столба 5,8 м, другого – 3,9 м. Найдите длину перекладины

**Раздел 3**  
**Координаты и**  
**векторы в**  
**пространстве**

ПР608,  
ПРу02  
ЛР 06,  
ЛР 07, ЛР 08  
МР 02, МР 04,  
МР 05,  
ОК 1- ОК 11

- Даны точки:  $A(2; -8; 1)$ ,  $B(-7; 10; -8)$ ,  $C(-8; 0; -10)$ ,  $D(-9; 8; 7)$ . Найдите:
  - угол между векторами  $\overrightarrow{AB}$  и  $\overrightarrow{CD}$ ;
  - расстояние между серединами отрезков  $AB$  и  $CD$ .
- Даны векторы  $\vec{a}$  и  $\vec{b}$ :  $|\vec{a}| = 2$ ,  $|\vec{b}| = \sqrt{2}$ ,  $\angle(\vec{a}; \vec{b}) = 135^\circ$ .  
Найдите  $|\vec{a} - 2\vec{b}|$ .
- В кубе  $ABCD A_1 B_1 C_1 D_1$  точка  $K$  – центр грани  $DCC_1 D_1$ . Вычислите угол между прямыми:
  - $BC_1$  и  $AK$ ;
  - $B_1 D$  и  $A_1 K$ .
- Даны точки:  $A(1; -5; 0)$ ,  $B(-3; 3; -4)$ ,  $C(-1; 4; 0)$ ,  $D(-5; 6; 2)$ . Найдите:
  - угол между векторами  $\overrightarrow{AB}$  и  $\overrightarrow{CD}$ ;
  - расстояние между серединами отрезков  $AB$  и  $CD$ .
- Даны векторы  $\vec{a}$  и  $\vec{b}$ :  $|\vec{a}| = 2$ ,  $|\vec{b}| = \sqrt{3}$ ,  $\angle(\vec{a}; \vec{b}) = 150^\circ$ .  
Найдите  $|\vec{a} - 2\vec{b}|$ .
- В кубе  $ABCD A_1 B_1 C_1 D_1$  точка  $K$  – центр грани  $ABCD$ . Вычислите угол между прямыми:

		<p>а) <math>CC_1</math> и <math>D_1K</math>;  б) <math>A_1B</math> и <math>C_1K</math>.</p> <p>7. Дан параллелепипед <math>ABCD A_1 B_1 C_1 D_1</math>. Укажите вектор с началом и концом в вершинах параллелепипеда, равный:  1) <math>\overrightarrow{A_1 B_1} + \overrightarrow{BC} + \overrightarrow{DD_1} + \overrightarrow{CD}</math>;    2) <math>\overrightarrow{AB} - \overrightarrow{CC_1}</math>.</p> <p>8. <math>DABC</math> – тетраэдр. Точка <math>M</math> – середина ребра <math>BC</math>, точка <math>N</math> – середина отрезка <math>DM</math>. Выразите вектор <math>\overrightarrow{AN}</math> через векторы <math>\overrightarrow{AB} = \vec{a}</math>, <math>\overrightarrow{AC} = \vec{b}</math>, <math>\overrightarrow{AD} = \vec{c}</math>.</p> <p>9. Медианы <math>\triangle BDC</math> пересекаются в точке <math>P</math>, точка <math>K</math> – середина отрезка <math>AP</math> (точка <math>A</math> не лежит в плоскости <math>BDC</math>). Разложите вектор <math>\overrightarrow{BK}</math> по векторам <math>\overrightarrow{AB} = \vec{a}</math>, <math>\overrightarrow{AC} = \vec{b}</math>, <math>\overrightarrow{AD} = \vec{c}</math>.</p> <p>10. В параллелепипеде <math>ABCD A_1 B_1 C_1 D_1</math> <math>M</math> лежит на <math>BB_1</math>, причем <math>BM : MB_1 = 3 : 4</math>, а <math>P</math> лежит на <math>B_1 D_1</math>, причем <math>B_1 P : PD_1 = 2 : 1</math>. Разложите вектор <math>\overrightarrow{MP}</math> по векторам <math>\overrightarrow{BA}</math>, <math>\overrightarrow{BC}</math> и <math>\overrightarrow{BB_1}</math>.</p>
<p><b>Раздел 4.</b>  <b>Основы тригонометрии.</b>  <b>Тригонометрические функции.</b></p>	<p>ПР603,  ПР604,  ПРу01,  ПРу02  ЛР 05,  ЛР 08, ЛР 10  МР 03, МР 08  ОК 1- ОК 11</p>	<p>1 Вычислите:</p> <ol style="list-style-type: none"> <li>1) <math>2\sin 30^\circ - \operatorname{tg} 45^\circ + \operatorname{ctg} 30^\circ</math>;</li> <li>2) <math>\operatorname{tg} 60^\circ + 2\cos 45^\circ - \sqrt{3}\operatorname{ctg} 45^\circ</math>;</li> <li>3) <math>6\cos 30^\circ - 3\operatorname{tg} 60^\circ + 2\sin 45^\circ</math>;</li> <li>4) <math>\sqrt{3}\operatorname{tg} 30^\circ + 4\sin 30^\circ - \sqrt{3}\operatorname{ctg} 30^\circ</math>;</li> <li>5) <math>\sqrt{3}\sin \frac{\pi}{3} - 2\cos \frac{\pi}{6} + \frac{\sqrt{3}}{2}\operatorname{tg} \frac{\pi}{3}</math>;</li> <li>6) <math>2\cos \frac{\pi}{3} + 2\sin \frac{\pi}{6} - 2\sin \frac{\pi}{4}</math>;</li> <li>7) <math>\sqrt{3}\cos \frac{\pi}{6} + 2\sin \frac{\pi}{3} - \frac{\sqrt{3}}{2}\operatorname{ctg} \frac{\pi}{6}</math>;</li> <li>8) <math>\sqrt{2}\cos \frac{\pi}{4} - 2\sin \frac{\pi}{6} + \operatorname{ctg} \frac{\pi}{6}</math>;</li> <li>9) <math>2\sin \pi - \cos 0 + \operatorname{tg} 0 + 3\cos \frac{\pi}{2} - \sin \frac{3\pi}{3}</math>;</li> <li>10) <math>5\sin 90^\circ + 2\cos 0^\circ - 2\sin 270^\circ + 10\cos 180^\circ</math>.</li> </ol> <p>2 Найдите значение выражения:</p> <ol style="list-style-type: none"> <li>1) <math>4\cos 60^\circ + 2\sin 45^\circ - 2\sqrt{3}\operatorname{tg} 30^\circ</math>;</li> <li>2) <math>\sqrt{2}\cos 45^\circ - 3\sqrt{3}\operatorname{tg} 60^\circ + 6\cos 30^\circ</math>;</li> <li>3) <math>2\cos \frac{\pi}{6} - 4\operatorname{ctg} \frac{\pi}{4} + 2\sin \frac{\pi}{6}</math>;</li> <li>4) <math>4\operatorname{tg} \frac{\pi}{4} - 2\cos \frac{\pi}{3} - 2\sin \frac{\pi}{6}</math>;</li> <li>5) <math>3\sin \frac{\pi}{2} + \cos 2\pi - 4\operatorname{tg} 0 + \sin \pi + \cos \frac{\pi}{2}</math>;</li> <li>6) <math>4\cos 180^\circ - 3\sin 270^\circ + 3\sin 360^\circ - \operatorname{ctg} 90^\circ</math>.</li> </ol> <p>3 (Устно). Существуют ли числа <math>\alpha</math>, <math>\beta</math> и <math>\gamma</math>, для которых:</p> <ol style="list-style-type: none"> <li>1) <math>\sin \alpha = -0,5</math>, <math>\cos \beta = \sqrt{3}</math>, <math>\operatorname{tg} \gamma = -2,5</math>;</li> </ol>

2)  $\sin \alpha = \frac{\sqrt{5}}{2}$ ,  $\cos \beta = -2,2$ ,  $\operatorname{tg} \gamma = 0,31$ ;

3)  $\sin \alpha = 1,3$ ,  $\cos \beta = \frac{\sqrt{10}}{4}$ ,  $\operatorname{tg} \gamma = 5,2$ ?

4 Определить знак каждого из данных произведений:

1)  $\sin 100^\circ \cdot \sin 132^\circ$ ;

2)  $\operatorname{ctg} 300^\circ \cdot \sin 222^\circ$ ;

3)  $\cos 210^\circ \cdot \sin 115^\circ$ ;

4)  $\sin 118^\circ \cdot \cos 118^\circ \cdot \operatorname{tg} 118^\circ$ ;

5)  $\cos 285^\circ \cdot \cos 316^\circ$ ;

6)  $\sin 2,1 \cdot \operatorname{ctg} 2,1 \cdot \cos 2,1$ ;

5 Найдите значения тригонометрических функций угла  $\alpha$ , если известно, что:

1)  $\sin \alpha = \frac{5}{13}$ ,  $\frac{\pi}{2} < \alpha < \pi$ ;

2)  $\operatorname{tg} \alpha = \frac{4}{3}$ ,  $0 < \alpha < \frac{\pi}{2}$ ;

3)  $\cos \alpha = \frac{4}{5}$ ,  $\frac{3\pi}{2} < \alpha < 2\pi$ ;

4)  $\operatorname{ctg} \alpha = \frac{12}{5}$ ,  $\pi < \alpha < \frac{3\pi}{2}$ .

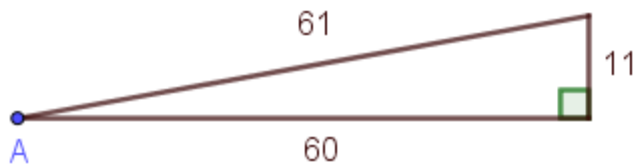
6 Упростите выражения:

1)  $\frac{\sin(2\alpha + \varphi) + \sin(2\alpha - \varphi)}{\sin(2\alpha + \varphi) - \sin(2\alpha - \varphi)}$ ;

2)  $\frac{\cos(3x + a) + \sin 3x \sin a}{\cos(3x - a) - \sin 3x \sin a}$ ;

7 В равнобедренном треугольнике косинус угла при вершине равен  $\frac{5}{13}$ . Найдите синус угла при основании

8 Найти  $\sin(A)$ ,  $\operatorname{tg}(A)$ ,  $\operatorname{ctg}(A)$ .



9 Преобразуйте выражение:

$$\frac{\sin 8\alpha + \sin 9\alpha + \sin 10\alpha + \sin 11\alpha}{\cos 8\alpha + \cos 9\alpha + \cos 10\alpha + \cos 11\alpha} \cdot \frac{\cos 8\alpha - \cos 9\alpha - \cos 10\alpha + \cos 11\alpha}{\sin 8\alpha - \sin 9\alpha - \sin 10\alpha + \sin 11\alpha}$$

10. Тангенсы двух углов треугольника равны соответственно 1,5 и 5. Найдите третий угол треугольника

		<p>11 Вычислите значение выражения <math display="block">\frac{\cos 11\alpha + 3\cos 9\alpha + 3\cos 7\alpha + \cos 5\alpha}{\cos 8\alpha}</math>, если <math display="block">\cos \alpha = \frac{1}{3}</math>.</p>
<p><b>Раздел 5</b> <b>Производная функции, ее применение</b> Физический смысл производной в профессиональных задачах технологического профиля</p>	<p>ПР601, ПР605, ПРy02, ПРy03, ПРy04 ЛР 05, ЛР09, ЛР 13 МР 01, МР 09 ОК 1-ОК 11</p>	<p><b>Задача 1.</b> В цепи электрического тока электрический заряд меняется с течением времени по закону <math>q = q(t)</math>. Сила тока <math>I</math> есть производная заряда <math>q</math> по времени <math>I = q'(t)</math>. Вычислить силу тока в момент времени <math>t = 5</math> с, если <math>q = \sin(2t - 10)</math></p> <p><b>Задача 2.</b> Решить кейс – задачу на нахождение значения силы тока в момент времени <math>t</math> через производную функции. Электрический заряд, протекающий через резистор, начиная с момента <math>t = 0</math>, задается формулой <math>q(t) = 3(t-1)^2 + (t-1) + 2</math>. Найдите силу тока в момент времени <math>t = 1</math> с.</p> <p><b>Задача 3.</b> Решить кейс - задачу на вычисление значения силы тока в момент времени <math>t</math> через производную функции. Вычислите напряжение в сети переменного тока в момент времени <math>t = 1</math> с, если индуктивность катушки <math>L = 5</math> Гн, а сила тока изменяется по закону <math>i = 10 \sin 2\pi t</math>, А.</p> <p><b>Задача 4.</b> Решить кейс-задачу на вычисление значения силы тока в момент времени <math>t</math> через производную функции. Вычислите силу тока в цепи, протекающую через конденсатор емкостью <math>C = 5</math> мкФ в момент времени <math>t = 1</math> с, если напряжение изменяется по закону <math>U = 5 \sin 20\pi t</math>.</p>
<p><b>Раздел 6</b> <b>Многогранники и тела вращения</b></p>	<p>ПР6 01, ПР606, ПРy02, ПРy03 ЛР 06, ЛР 07, ЛР 08 МР 02, МР 08 МР04, МР 05, ОК1-ОК11</p>	<p>1 Площадь боковой поверхности цилиндра равна <math>64\pi</math>, а диаметр основания 8. Найдите высоту цилиндра.</p> <p>2 Площадь боковой поверхности цилиндра равна <math>72\pi</math>. А высота цилиндра 9. Найдите радиус основания.</p> <p>3 Высота конуса равна 16, а длина образующей — 20. Найдите диаметр основания конуса.</p> <p>4 Во сколько раз увеличится площадь боковой поверхности конуса, если его образующую и радиус увеличить в 3 раза?</p> <p>5 Даны два шара. Диаметр первого шара в 8 раз больше диаметра второго. Во сколько раз площадь поверхности первого шара больше площади по-</p>



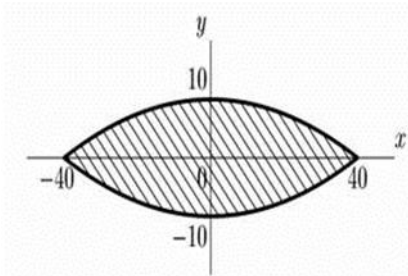
		<p>верхности второго?</p> <p>6 Даны два цилиндра. Радиус основания и высота первого равны соответственно 9 и 8, а второго — 12 и 3. Во сколько раз площадь боковой поверхности первого цилиндра больше площади боковой поверхности второго?</p> <p>7 Осевое сечение конуса равносторонний треугольник, сторона которого равна 12 см. Найдите площадь основания конуса.</p> <p>Ответ дайте в <math>S/\pi</math>.</p> <p>8 Осевым сечением цилиндра является квадрат. Площадь основания цилиндра равна <math>36\pi</math> см<sup>2</sup>. Вычислите высоту цилиндра</p> <p>9 Даны два конуса. Радиус основания и образующая первого конуса равны соответственно 3 и 6, а второго — 4 и 9. Во сколько раз площадь боковой поверхности второго конуса больше площади боковой поверхности первого?</p> <p>10 Даны два шара с радиусами 8 и 2. Во сколько раз площадь поверхности большего шара больше площади поверхности другого?</p> <p>11 Даны два цилиндра. Радиус основания и высота первого равны соответственно 9 и 8, а второго — 4 и 9. Во сколько раз объем первого цилиндра больше объема второго?</p> <p>12 Объем конуса равен 176. Через середину высоты параллельно основанию проведено сечение, которое является основанием меньшего конуса с той же вершиной. Найдите объем меньшего конуса.</p> <p>13 Даны два шара с диаметрами 14 и 2. Во сколько раз объем первого шара больше объема второго шара?</p> <p>14 Основанием прямой треугольной призмы служит прямоугольный треугольник с катетами 8 и 15, боковое ребро равно 9. Найдите объем призмы.</p> <p>15 Найдите объем прямой призмы, в основании которой лежит ромб с диагоналями, равными 25 и 60, и боковым ребром, равным 25.</p>
--	--	---

		<p>16 От треугольной пирамиды, объем которой равен 34, отсечена треугольная пирамида плоскостью, проходящей через вершину пирамиды и среднюю линию основания. Найдите объем отсеченной треугольной пирамиды.</p> <p>17 В основании наклонной треугольной призмы лежит треугольник со сторонами 14; 12 и 12. Боковое ребро равно 6 и наклонено к плоскости основания под углом 30. Найти объем призмы.</p> <p><b>Задания профессиональной направленности</b></p> <p>1 Рассчитать необходимое количество бетона для заливки колонны со стороной основания 80см и высотой 4м</p> <p>2 Рассчитать расход бетонного раствора для заливки 10 канализационных колец с внутренним диаметром 1000 мм, внешним диаметром 1160 мм и высотой 900 мм. Сколько необходимо грузовых машин грузоподъемностью 5т для перевозки этих колец, если плотность бетона 2200 кг/ м<sup>3</sup>?</p> <p>3 Сколько потребуется банок краски ( 2,8кг) для окрашивания труб диаметром 60 мм длиной 100м, если на 1 м<sup>2</sup> расходуется 200г краски?</p> <p>4 Какой должна быть стойка двускатной крыши при длине балки перекрытия 8м, чтобы угол наклона крыши был 30<sup>0</sup>?</p> <p>5. Сколько необходимо заказать машин - бетонных миксеров объемом 5 м<sup>3</sup> для того чтобы залить бетоном сплошной фундамент размерами 8м× 9м и высотой 70 см ?</p> <p>6. Рассчитать необходимое количество мешков цемента (вес мешка 50 кг), для того чтобы залить 3 плиты перекрытия размерами 5м, 2м и 30см, из расчета, что на 1 м<sup>3</sup> раствора необходимо 100кг цемента.</p> <p>7. Какое количества мешков песка нужно, для того чтобы замесить раствор для заливки 20 столбов столбчатого фундамента размерами 0,5 × 0,5 × 1 м, если в один мешок можно поместить 50 кг песка и на 1 м<sup>3</sup> раствора идет 100кг песка?</p> <p>8. Сколько строительного кирпича и раствора потребуется для постройки стены длиной 12 м, толщиной 0,5 м и высотой 2,5 м, если в 1 м<sup>3</sup></p>
--	--	---

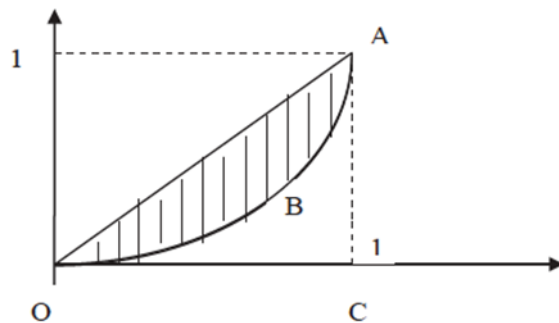
		<p>кирпичной кладки содержится 400 шт. кирпича, а потребность в растворе составляет 0,2 объема кладки.</p> <p>9. Рассчитать расход бетонного раствора для заливки ленточного фундамента высотой 0,8 м, внешними размерами 8,5×7,5 м и внутренними размерами 8×7 м. Каким объемом нужен бетонный миксер для доставки раствора потребителю?</p> <p>10 Сколько понадобится кирпичей ( 250 × 65 × 120 мм), чтобы выстроить коробку размерами 9 м, 12 м и высотой 3 м и толщиной стен в 48 см?</p>
<p><b>Раздел 7</b>  <b>Первообразная функции, ее применение</b>          Применение интеграла в физике и геометрии</p>	<p>ПР6 01, ПР6 05, ПРy 02, ПРy 03, ПРy 04          ЛР 05, ЛР 09, ЛР 13          МР 01, МР 09          ОК 1-ОК 11</p>	<p><b>Ответьте на вопросы :</b></p> <ol style="list-style-type: none"> <li>1) Сформулируйте определение первообразной.</li> <li>2) Какие правила нахождения первообразных вы знаете? Приведите примеры их применения.</li> <li>3) Сформулируйте теорему выражающую основное свойство первообразной.</li> <li>4) В чем заключается задача интегрирования?</li> <li>5) Сформулируйте определение неопределенного интеграла.</li> <li>6) Какие правила интегрирования вы знаете?</li> <li>7) Что такое определенный интеграл?</li> <li>8) Что такое определенный интеграла с геометрической точки зрения?</li> <li>9) Запишите формулу Ньютона- Лейбница</li> <li>10) Какие свойства определенного интеграла вы знаете?</li> </ol> <p><b>Задача 1.</b> Вычислите количество электричества, протекшего по проводнику за промежуток времени [3;4], если сила тока задается формулой <math>I(t) = 3t^2 - 2t</math>.</p> <p><b>Задача 2.</b> Сила тока в проводнике изменяется по закону <math>I(t) = e^{-t} + 2t</math> (время в секундах, ток в амперах). Какой заряд пройдет через поперечное сечение проводника за время от второй до шестой секунды?</p> <p><b>Задача 3</b> Сила в 1 Н растягивает пружину на 3 см. Какую работу она при этом производит?</p> <p><b>Задача 4</b> Аквариум имеет форму прямоугольного параллелепипеда. Найдем силу давления воды (плотность воды 1000 кг/м<sup>3</sup>), наполняющей аквариум, на одну из его вертикальных стенок, размеры которой 0,4 м х 0,7 м.</p>

**Задача 5** Скорость прямолинейного движения тела выражается формулой  $v=2t+3t^2$ . Найти путь, пройденный телом за 5 секунд от начала движения.

**Задача 6** Палуба корабля напоминает две пересекающиеся параболы. Сколько надо краски для ее покрытия, если длина корабля 80 метров, ширина в центре – 20 метров, а на каждый квадратный метр необходимо 0,25 кг. краски



**Задача 7** По данным исследования распределения доходов в одной из стран кривая Лоренца может быть описана уравнением  $y = 1 - \sqrt{1 - x^2}$ , где  $x$  – доля населения,  $y$  – доля доходов населения. Найти коэффициент Джини

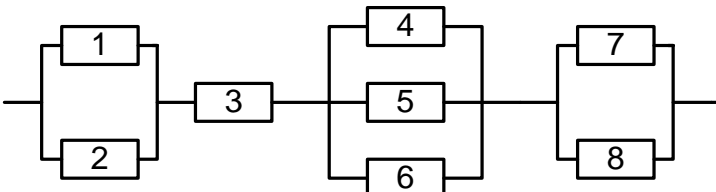


**Задача 8** Определить объем продукции, произведенной рабочим, если производительность труда характеризуется функцией  $f(t) = -3t^2 + 18t$ . Определить выработку рабочего: а) за весь рабочий день; б) за третий час работы; в) за последний час работы, если продолжительность рабочего дня 6 часов; г) провести экономический анализ задачи

**Задача 9** Вычислить площадь фигуры ограниченной линиями  $y=4-x^2$

		$y=2-x$																
<b>Раздел 8</b> <b>Степени и корни.</b> <b>Степенная функция</b> Преобразование степенных выражений	ПР6 01, ПР6 05, ПРy 02, ПРy 03, ПРy 04 ЛР 05, ЛР 09, ЛР 13 МР 01, МР ОК 1-, ОК1	<b>Задание</b> 1. Выполнить перевод значений измеренной величины, используя степень с основанием 10																
		<table border="1"> <tr> <td>500 мкФ</td> <td>250 пФ</td> <td>200 нФ</td> <td>500 МГц</td> <td>1000 пФ</td> <td>300 кГц</td> <td>100 мкФ</td> <td>1,5 мГн</td> </tr> <tr> <td>? нФ</td> <td>? мкФ</td> <td>? пФ</td> <td>? кГц</td> <td>? нФ</td> <td>? ГГц</td> <td>? пФ</td> <td>? Гн</td> </tr> </table>	500 мкФ	250 пФ	200 нФ	500 МГц	1000 пФ	300 кГц	100 мкФ	1,5 мГн	? нФ	? мкФ	? пФ	? кГц	? нФ	? ГГц	? пФ	? Гн
		500 мкФ	250 пФ	200 нФ	500 МГц	1000 пФ	300 кГц	100 мкФ	1,5 мГн									
		? нФ	? мкФ	? пФ	? кГц	? нФ	? ГГц	? пФ	? Гн									
		2. Выполнить перевод значений измеренной величины, используя степень с основанием 10																
		<table border="1"> <tr> <td>500 нФ</td> <td>250 мкФ</td> <td>200 пФ</td> <td>5500 кГц</td> <td>1000 нФ</td> <td>0,3 МГц</td> <td>300 мкФ</td> <td>1,5 Гн</td> </tr> <tr> <td>? мкФ</td> <td>? пФ</td> <td>? нФ</td> <td>? МГц</td> <td>? пФ</td> <td>? кГц</td> <td>? пФ</td> <td>? мГн</td> </tr> </table>	500 нФ	250 мкФ	200 пФ	5500 кГц	1000 нФ	0,3 МГц	300 мкФ	1,5 Гн	? мкФ	? пФ	? нФ	? МГц	? пФ	? кГц	? пФ	? мГн
		500 нФ	250 мкФ	200 пФ	5500 кГц	1000 нФ	0,3 МГц	300 мкФ	1,5 Гн									
		? мкФ	? пФ	? нФ	? МГц	? пФ	? кГц	? пФ	? мГн									
		3. Выполнить перевод значений измеренной величины, используя степень с основанием 10																
		<table border="1"> <tr> <td>0,68 нФ</td> <td>250 нФ</td> <td>2 мкФ</td> <td>550 пФ</td> <td>100 нФ</td> <td>0,3 мкФ</td> <td>3300 пФ</td> <td>150 ГГц</td> </tr> <tr> <td>? мкФ</td> <td>? пФ</td> <td>? нФ</td> <td>? мкФ</td> <td>? пФ</td> <td>? нФ</td> <td>? мкФ</td> <td>? кГц</td> </tr> </table>	0,68 нФ	250 нФ	2 мкФ	550 пФ	100 нФ	0,3 мкФ	3300 пФ	150 ГГц	? мкФ	? пФ	? нФ	? мкФ	? пФ	? нФ	? мкФ	? кГц
0,68 нФ	250 нФ	2 мкФ	550 пФ	100 нФ	0,3 мкФ	3300 пФ	150 ГГц											
? мкФ	? пФ	? нФ	? мкФ	? пФ	? нФ	? мкФ	? кГц											
4. Выполнить перевод значений измеренной величины, используя степень с основанием 10																		
<table border="1"> <tr> <td>6,8 нФ</td> <td>200 нФ</td> <td>0,2 мкФ</td> <td>55 пФ</td> <td>1000 нФ</td> <td>0,03 мкФ</td> <td>330 пФ</td> <td>150 мкФ</td> </tr> <tr> <td>? мкФ</td> <td>? пФ</td> <td>? нФ</td> <td>? мкФ</td> <td>? пФ</td> <td>? нФ</td> <td>? мкФ</td> <td>? пФ</td> </tr> </table>	6,8 нФ	200 нФ	0,2 мкФ	55 пФ	1000 нФ	0,03 мкФ	330 пФ	150 мкФ	? мкФ	? пФ	? нФ	? мкФ	? пФ	? нФ	? мкФ	? пФ		
6,8 нФ	200 нФ	0,2 мкФ	55 пФ	1000 нФ	0,03 мкФ	330 пФ	150 мкФ											
? мкФ	? пФ	? нФ	? мкФ	? пФ	? нФ	? мкФ	? пФ											
5 Вычислите:																		
$а) \sqrt[4]{\frac{81}{256}}; \quad б) \sqrt[3]{27}; \quad в) \sqrt[5]{-\frac{1}{32}}; \quad г) \sqrt[3]{64}$																		
6 Решите уравнение:																		
$а) \sqrt{x^2 - 2} = \sqrt{x} \quad б) \sqrt{x - 6} = \sqrt{4 - x} \quad в) \sqrt{x - 2} = x - 8$																		
7 Постройте схематически график функции $y = f(x)$ :																		

		а) $f(x) = x^{-\frac{3}{2}}$ б) $f(x) = x^{\frac{2}{3}}$
<b>Раздел 9</b> <b>Показательная функция</b>	ПРб 02, ПРб 04, ПРу 02 ЛР 05, ЛР 08, ЛР 10 МР 03МР 07, МР 08 ОК 1-ОК 11	<p>1 Упростить выражение:</p> <p>1) <math>\frac{a^6 \cdot (a^{-14})^{\frac{1}{7}}}{a^7}</math>      2) <math>(\sqrt[7]{a^2})^{14}</math>      3) <math>\frac{(a^{\frac{1}{2}})^4 \cdot (a^{\frac{2}{3}})^{-6}}{a^7}</math></p> <p>4) <math>\frac{a^{\sqrt{5+3}}}{a^{\sqrt{5}}}</math>      3) <math>\frac{a^4 \cdot (a^{-5})^{\frac{4}{5}}}{a^2}</math>      5) <math>\frac{(a^6)^{-\frac{5}{6}}}{a^5}</math>      б)</p> <p><math>\frac{a^3 \cdot (a^{-9})^{\frac{4}{9}}}{a^5}</math>      7) <math>\frac{\sqrt[3]{a^7 \cdot e^4 \cdot c^9} \cdot \sqrt[3]{a^8 \cdot e^2 \cdot c^{-9}}}{\sqrt[4]{a^{20} \cdot e^4}}</math></p> <p>8) <math>\frac{\sqrt[5]{a^7 \cdot e^{13} \cdot c^4} \cdot \sqrt[5]{a^3 \cdot e^2 \cdot c^6}}{\sqrt[7]{a^3 \cdot e^{10} \cdot c^{11}} \cdot \sqrt[7]{a^4 \cdot e^4 \cdot c^3}}</math></p> <p>9) <math>\frac{a^9 \cdot e^3 \cdot a^6 \cdot e^3}{a^{10} \cdot e^3 \cdot a^4 \cdot e^2}</math></p> <p>2 Построить графики функции <math>y=2^x</math>, <math>y=(\frac{1}{2})^x</math></p> <p>3. Построить графики функции <math>y=3^x</math>, <math>y=(\frac{1}{3})^x</math></p> <p>4Решить показательное уравнение:</p> <p>1) <math>4^{3x+15}=1</math>      3) <math>5^{2x-7}=\frac{1}{125}</math></p> <p>2) <math>3x+2+3x=90</math>      4) <math>4^{x+1}+4^x=320</math></p>
<b>Раздел 10</b> <b>Логарифмы.</b> <b>Логарифмическая функция</b>	ПРб03, ПРб04, ПРу01, ПРу02 ЛР 05, ЛР 08, ЛР 10 МР 03, МР 08 ОК 1-ОК 11	<p>Верны ли утверждения?</p> <ol style="list-style-type: none"> <li>1. Логарифмическая функция <math>y = \log_a x</math> определена при любом <math>x</math>.</li> <li>2. Функция <math>y = \log_a x</math> логарифмическая при <math>a &gt; 0</math>, <math>a \neq 1</math>, <math>x &gt; 0</math>.</li> <li>3. Область определения логарифмической функции множество действительных чисел.</li> <li>4. Область значений логарифмической функции множество действительных чисел.</li> <li>5. Логарифмическая функция является четной функцией.</li> <li>6. Функция <math>y = \log_3 x</math> является возрастающей.</li> <li>7. Функция <math>y = \log_a x</math> при положительном <math>a</math>, но меньшим 1, является возрастающей.</li> <li>8. Логарифмическая функция имеет экстремумы.</li> <li>9. График функции <math>y = \log_a x</math> пересекает ось <math>Ox</math>.</li> <li>10. График логарифмической функции симметричен относительно оси <math>Ox</math>.</li> </ol>

		<p>11. График логарифмической функции расположен в <math>I</math> и <math>V</math> четвертях.</p> <p>12. График логарифмической функции всегда пересекает ось <math>Ox</math> в точке <math>(1,0)</math>.</p>
<p><b>Раздел 11</b>  <b>Элементы комбинаторики, статистики и теории вероятностей</b>          Теория вероятности в задачах технологического профиля</p>	<p>ПР607, ПР608, ПРy02, ПРy03, ПРy05 ЛР 05, ЛР 07, ЛР 13 МР 01, МР 05, МР 08 ОК 1-ОК 11</p>	<p><b>Задание 1.</b> К распределительному устройству подключено три потребителя с номинальной мощностью 20, 15 и 5 кВт. Вероятность включенного состояния потребителей равна <math>P_1 = 0,6</math>, <math>P_2 = 0,7</math>; <math>P_3 = 0,5</math>. Определить вероятность того, что нагрузка на распределительном устройстве составит 40 кВт.</p> <p><b>Задание 2.</b> На предприятие поступили комплектующие для 10 компьютеров. Сколькими способами можно распределить 10 поступивших материнских плат для этих компьютеров.</p> <p><b>Задание 3.</b> В вычислительном центре работает 5 персональных компьютеров (ПК). Простейший поток задач, поступающих на ВЦ, имеет интенсивность 10 задач в час. Среднее время решения задачи равно 12 мин. Заявка получает отказ, если все ПК заняты. Найдите вероятностные характеристики системы обслуживания (ВЦ).</p> <p><b>Задача 4.</b> Найти вероятность безотказной работы функциональной цепи, состоящей из независимо работающих элементов, если вероятность работы каждого элемента цепи равна <math>p_1=0,8</math>, <math>p_2= p_3=0,7</math>, <math>p_4= p_5= p_6=0,9</math>, <math>p_7= p_8= p_9=0,8</math></p>  <p><b>Задача 5.</b> Прибор состоит из 3-х узлов, которые за время работы могут выходить из строя независимо друг от друга. Надежность (вероятность безотказной работы) <math>i</math>-го узла равна <math>p_i</math>, вероятность отказа <math>q_i = 1 - p_i</math> (<math>i = 1, 2, 3</math>).</p> <p><math>p_1=0,95</math>; <math>p_2=0,98</math>; <math>p_3=0,9</math></p> <p>Найти вероятности следующих событий: <math>A</math> - все узлы работают безотказно; <math>B</math> - первый узел</p>

		отказал, остальные нет; <i>C</i> - один из узлов отказал, остальные нет; <i>D</i> - отказали два узла из 3-х; <i>E</i> - отказал хотя бы один узел.																																																																																																																																																																																																																													
Представление данных. Задачи математической статистики технологического профиля	ПР607, ПР608, ПРу02, ПРу03, ПРу05 ЛР 05, ЛР 07, ЛР 13 МР 01, МР 05, МР 08 ОК 1-ОК 11	<p><b>Задание 1.</b> В группе из 12 обучающихся изучалось связь успеваемости по некоторой теоретической дисциплине с двумя факторами: систематичностью самостоятельной работы и качества ведения конспекта на уроке. Все параметры оценивались по качественным шкалам порядка. Результативный признак Успеваемость (<i>y</i>) имел градации «высокая», «хорошая», «удовлетворительная» и «неудовлетворительная». Факторный признак Систематичность самостоятельной работы (<i>x</i><sub>1</sub>) оценивался по градациям «высокая», «достаточная», «недостаточная». Второй факторный признак Качество ведения конспекта (<i>x</i><sub>2</sub>) имел градации «хороший», «удовлетворительный», «неудовлетворительный». Исходные данные приведены в таблице. Необходимо установить степень влияния на результативный признак каждого из факторов при фиксации другого, влияния факторов друг на друга, а также их совместного влияния факторов на результативный признак.</p> <table border="1"> <thead> <tr> <th></th> <th>A</th> <th>B</th> <th>C</th> <th>D</th> <th>E</th> <th>F</th> <th>G</th> <th>H</th> <th>I</th> <th>J</th> </tr> <tr> <th>1</th> <th>№</th> <th>Фамилия</th> <th><i>y</i></th> <th>Ранг <i>y</i></th> <th><i>x</i><sub>1</sub></th> <th>Ранг <i>x</i><sub>1</sub></th> <th><i>x</i><sub>2</sub></th> <th>Ранг <i>x</i><sub>2</sub></th> <th></th> <th></th> </tr> </thead> <tbody> <tr> <td>2</td> <td>1</td> <td>Асин</td> <td>Хор.</td> <td>7,5</td> <td>Выс.</td> <td>11</td> <td>Хор.</td> <td>10,5</td> <td><math>r_{y1} = 0,829</math></td> <td></td> </tr> <tr> <td>3</td> <td>2</td> <td>Борин</td> <td>Выс.</td> <td>11</td> <td>Дост.</td> <td>7</td> <td>Хор.</td> <td>10,5</td> <td><math>r_{y2} = 0,688</math></td> <td></td> </tr> <tr> <td>4</td> <td>3</td> <td>Ванин</td> <td>Уд.</td> <td>4</td> <td>Недост.</td> <td>2,5</td> <td>Неуд.</td> <td>2,5</td> <td><math>r_{12} = 0,693</math></td> <td></td> </tr> <tr> <td>5</td> <td>4</td> <td>Гришин</td> <td>Хор.</td> <td>7,5</td> <td>Дост.</td> <td>7</td> <td>Хор.</td> <td>10,5</td> <td><math>r_{кр} = 0,58</math></td> <td></td> </tr> <tr> <td>6</td> <td>5</td> <td>Димин</td> <td>Выс.</td> <td>11</td> <td>Выс.</td> <td>11</td> <td>Уд.</td> <td>6,5</td> <td></td> <td></td> </tr> <tr> <td>7</td> <td>6</td> <td>Катин</td> <td>Неуд.</td> <td>1,5</td> <td>Недост.</td> <td>2,5</td> <td>Неуд.</td> <td>2,5</td> <td></td> <td></td> </tr> <tr> <td>8</td> <td>7</td> <td>Манин</td> <td>Хор.</td> <td>7,5</td> <td>Дост.</td> <td>7</td> <td>Уд.</td> <td>6,5</td> <td></td> <td></td> </tr> <tr> <td>9</td> <td>8</td> <td>Пашин</td> <td>Уд.</td> <td>4</td> <td>Недост.</td> <td>2,5</td> <td>Неуд.</td> <td>2,5</td> <td></td> <td></td> </tr> <tr> <td>10</td> <td>9</td> <td>Санин</td> <td>Уд.</td> <td>4</td> <td>Дост.</td> <td>7</td> <td>Уд.</td> <td>6,5</td> <td></td> <td></td> </tr> <tr> <td>11</td> <td>10</td> <td>Танин</td> <td>Выс.</td> <td>11</td> <td>Выс.</td> <td>11</td> <td>Уд.</td> <td>6,5</td> <td></td> <td></td> </tr> <tr> <td>12</td> <td>11</td> <td>Юлин</td> <td>Неуд.</td> <td>1,5</td> <td>Недост.</td> <td>2,5</td> <td>Неуд.</td> <td>2,5</td> <td></td> <td></td> </tr> <tr> <td>13</td> <td>12</td> <td>Яшин</td> <td>Хор.</td> <td>7,5</td> <td>Дост.</td> <td>7</td> <td>Хор.</td> <td>10,5</td> <td></td> <td></td> </tr> <tr> <td>14</td> <td></td> <td></td> <td>SR=</td> <td>78</td> <td></td> <td>SR=</td> <td>78</td> <td>SR=</td> <td>78</td> <td></td> </tr> <tr> <td>15</td> <td></td> <td></td> <td>R=</td> <td>0,844</td> <td></td> <td>tR=</td> <td>4,973</td> <td>R<sup>2</sup>=</td> <td>0,712</td> <td></td> </tr> <tr> <td>16</td> <td></td> <td></td> <td><math>r_{y1(2)}</math>=</td> <td>0,673</td> <td></td> <td>t=</td> <td>2,728</td> <td><math>t_{кр}</math>=</td> <td>2,262</td> <td></td> </tr> <tr> <td>17</td> <td></td> <td></td> <td><math>r_{y2(1)}</math>=</td> <td>0,283</td> <td></td> <td>t=</td> <td>0,885</td> <td></td> <td></td> <td></td> </tr> <tr> <td>18</td> <td></td> <td></td> <td><math>r_{12(y)}</math>=</td> <td>0,301</td> <td></td> <td>t=</td> <td>0,948</td> <td></td> <td></td> <td></td> </tr> </tbody> </table> <p>Допустимо выполнение задания посредством компьютерной программы MS Excel.</p> <p><b>Задание 2.</b> Имеются данные о рабочих – сдельщиках:</p> <table border="1"> <thead> <tr> <th>№ п/п</th> <th>Стаж работы, лет</th> <th>Месячная выработка рабочего, тыс.</th> <th>№ п/п</th> <th>Стаж работы, лет</th> <th>Месячная выработка рабочего, тыс.</th> </tr> </thead> <tbody> <tr> <td></td> <td></td> <td></td> <td></td> <td></td> <td></td> </tr> </tbody> </table>		A	B	C	D	E	F	G	H	I	J	1	№	Фамилия	<i>y</i>	Ранг <i>y</i>	<i>x</i> <sub>1</sub>	Ранг <i>x</i> <sub>1</sub>	<i>x</i> <sub>2</sub>	Ранг <i>x</i> <sub>2</sub>			2	1	Асин	Хор.	7,5	Выс.	11	Хор.	10,5	$r_{y1} = 0,829$		3	2	Борин	Выс.	11	Дост.	7	Хор.	10,5	$r_{y2} = 0,688$		4	3	Ванин	Уд.	4	Недост.	2,5	Неуд.	2,5	$r_{12} = 0,693$		5	4	Гришин	Хор.	7,5	Дост.	7	Хор.	10,5	$r_{кр} = 0,58$		6	5	Димин	Выс.	11	Выс.	11	Уд.	6,5			7	6	Катин	Неуд.	1,5	Недост.	2,5	Неуд.	2,5			8	7	Манин	Хор.	7,5	Дост.	7	Уд.	6,5			9	8	Пашин	Уд.	4	Недост.	2,5	Неуд.	2,5			10	9	Санин	Уд.	4	Дост.	7	Уд.	6,5			11	10	Танин	Выс.	11	Выс.	11	Уд.	6,5			12	11	Юлин	Неуд.	1,5	Недост.	2,5	Неуд.	2,5			13	12	Яшин	Хор.	7,5	Дост.	7	Хор.	10,5			14			SR=	78		SR=	78	SR=	78		15			R=	0,844		tR=	4,973	R <sup>2</sup> =	0,712		16			$r_{y1(2)}$ =	0,673		t=	2,728	$t_{кр}$ =	2,262		17			$r_{y2(1)}$ =	0,283		t=	0,885				18			$r_{12(y)}$ =	0,301		t=	0,948				№ п/п	Стаж работы, лет	Месячная выработка рабочего, тыс.	№ п/п	Стаж работы, лет	Месячная выработка рабочего, тыс.						
	A	B	C	D	E	F	G	H	I	J																																																																																																																																																																																																																					
1	№	Фамилия	<i>y</i>	Ранг <i>y</i>	<i>x</i> <sub>1</sub>	Ранг <i>x</i> <sub>1</sub>	<i>x</i> <sub>2</sub>	Ранг <i>x</i> <sub>2</sub>																																																																																																																																																																																																																							
2	1	Асин	Хор.	7,5	Выс.	11	Хор.	10,5	$r_{y1} = 0,829$																																																																																																																																																																																																																						
3	2	Борин	Выс.	11	Дост.	7	Хор.	10,5	$r_{y2} = 0,688$																																																																																																																																																																																																																						
4	3	Ванин	Уд.	4	Недост.	2,5	Неуд.	2,5	$r_{12} = 0,693$																																																																																																																																																																																																																						
5	4	Гришин	Хор.	7,5	Дост.	7	Хор.	10,5	$r_{кр} = 0,58$																																																																																																																																																																																																																						
6	5	Димин	Выс.	11	Выс.	11	Уд.	6,5																																																																																																																																																																																																																							
7	6	Катин	Неуд.	1,5	Недост.	2,5	Неуд.	2,5																																																																																																																																																																																																																							
8	7	Манин	Хор.	7,5	Дост.	7	Уд.	6,5																																																																																																																																																																																																																							
9	8	Пашин	Уд.	4	Недост.	2,5	Неуд.	2,5																																																																																																																																																																																																																							
10	9	Санин	Уд.	4	Дост.	7	Уд.	6,5																																																																																																																																																																																																																							
11	10	Танин	Выс.	11	Выс.	11	Уд.	6,5																																																																																																																																																																																																																							
12	11	Юлин	Неуд.	1,5	Недост.	2,5	Неуд.	2,5																																																																																																																																																																																																																							
13	12	Яшин	Хор.	7,5	Дост.	7	Хор.	10,5																																																																																																																																																																																																																							
14			SR=	78		SR=	78	SR=	78																																																																																																																																																																																																																						
15			R=	0,844		tR=	4,973	R <sup>2</sup> =	0,712																																																																																																																																																																																																																						
16			$r_{y1(2)}$ =	0,673		t=	2,728	$t_{кр}$ =	2,262																																																																																																																																																																																																																						
17			$r_{y2(1)}$ =	0,283		t=	0,885																																																																																																																																																																																																																								
18			$r_{12(y)}$ =	0,301		t=	0,948																																																																																																																																																																																																																								
№ п/п	Стаж работы, лет	Месячная выработка рабочего, тыс.	№ п/п	Стаж работы, лет	Месячная выработка рабочего, тыс.																																																																																																																																																																																																																										



				руб.			руб.
		1	1,0	200	16	6,0	256
		2	1,0	202	17	5,0	241
		3	3,0	205	18	6,5	252
		4	6,5	290	19	9,0	264
		5	9,2	298	20	9,0	270
		6	4,4	250	21	1,0	234
		7	6,9	280	22	10,5	276
		8	2,5	230	23	10,1	262
		9	2,7	223	24	5,5	245
		10	16,0	310	25	2,5	240
		11	13,2	284	26	5,0	244
		12	14,0	320	27	5,3	252
		13	11,0	295	28	7,5	253
		14	12,0	279	29	7,0	252
		15	4,5	222	30	8,0	262
		<p>По данным таблицы:  Построить ряд распределения рабочих по стажу, образовав 5 групп с равными интервалами.  Для изучения зависимости между стажем работы и месячной выработкой рабочих произведите:  а) группировку рабочих по стажу, образовав 5 групп с равными интервалами. Каждую группу охарактеризуйте числом рабочих; средним стажем работы; месячной выработкой продукции – всего и в среднем на одного рабочего;  б) комбинационную группировку по двум признакам: стажу работы и месячной выработкой продукции на одного рабочего.</p>					
<p><b>Раздел 12.</b>  <b>Уравнения и неравенства.</b>  Решение прикладных задач на составление уравнений</p>	<p>ПР6 01, ПР6 04, ПРу 02 ЛР 07, ЛР 09, ЛР 10 МР 01, МР 04 ОК 1- ОК11</p>	<p><b>Задача 1.</b> Сила тока в цепи <math>I</math> (в амперах) определяется напряжением в цепи и сопротивлением электроприбора по закону Ома: <math>I = \frac{U}{R}</math>, где <math>U</math> — напряжение в вольтах, <math>R</math> — сопротивление электроприбора в омах. В электросеть включен предохранитель, который плавится, если сила тока превышает 4 А. Определите, какое минимальное сопротивление должно быть у электроприбора, подключаемого к розетке в 220 вольт, чтобы сеть продолжала работать. Ответ выразите в омах.</p> <p><b>Задача 2.</b> В розетку электросети подключены приборы, общее сопротивление которых составляет <math>R_1 = 90</math> Ом. Параллельно с ними в розетку предполагается подключить электрообогреватель. Определите наименьшее возможное сопротивление <math>R_2</math> этого электрообогревателя, если известно, что при параллельном соединении двух проводников с сопротивлениями <math>R_1</math> Ом и <math>R_2</math> Ом их общее</p>					

		<p>сопротивление даётся формулой</p> $R_{obshee} = \frac{R_1 R_2}{R_1 + R_2} \text{ (Ом)},$ <p>а для нормального функционирования электросети общее сопротивление в ней должно быть не меньше 9 Ом. Ответ выразите в омах.</p>
--	--	--